

## 6. A1b Analízis gyakorlat

1. Van-e határértéke a következő sorozatoknak? Ha igen, hova tartanak a következő sorozatok?

$$\text{a.) } a_n = \frac{n^2 - 3n + 5}{3n - 5} \quad \text{b.) } b_n = \frac{2n - 3}{n^2 - 5n + 2} \quad \text{c.) } c_n = \frac{3n^2 + 7}{4n^2 + n - 6}$$

$$\text{d.) } d_n = \frac{n + 5}{\sqrt{n} - 5} \quad \text{e.) } e_n = \frac{\sqrt{2n^3 + n^2 - 3n}}{n^2 + 3n - 6} \quad \text{f.) } f_n = \frac{3n + 7}{\sqrt{4n^2 + n - 6}}$$

$$\text{g.) } g_n = \frac{2^n + 5}{3^n - 5} \quad \text{h.) } h_n = \frac{n}{2^n} + \frac{n}{3^n} \quad \text{i.) } i_n = \sqrt{n+1} - \sqrt{n}$$

$$\text{j.) } j_n = \frac{n^6 + 5n^2 + 13}{3^n + n^2 + 6} \quad \text{k.) } k_n = \sqrt{n^2 + 2n} - \sqrt{n^2 + 5}$$

$$\text{l.) } l_n = \sqrt{n^4 + 3n^2 + 5} - \sqrt{n^4 - 4n + 2}$$

$$\text{m.) } m_n = \frac{\sqrt{n + \sqrt{n + \sqrt{n}}}}{\sqrt{n+1}} \quad \text{n.) } n_n = \frac{n!}{n! + (n+1)!}$$

$$\text{o.) } o_n = \frac{\sqrt{n^3 + 4n^2} + \sqrt[3]{n^4 - 2}}{\sqrt[4]{5n^6 + 4} + \sqrt{n^7 + 4n^3}} \quad \text{p.) } p_n = \frac{\sqrt{n^6 + n - 1} + \sqrt[3]{n - 2}}{\sqrt[3]{n^4 - 2n + 1} + \sqrt{n + 3}}$$

$$\text{q.) } q_n = (-1)^n \quad \text{r.) } r_n = \frac{(-1)^n}{n} \quad \text{s.) } s_n = 1 + (-1)^n \frac{n}{n+1}$$

$$\text{t.) } t_n = \frac{\sin(n!)}{n} \quad \text{u.) } u_n = \frac{2^n}{3^n + n} \sin \frac{1}{n}$$

HF Gyakorolni a ZH-ra!